

Teorema di Gershgorin

Data la matrice $A \in \mathbb{C}^{n \times n}$, definiamo il cerchio di Gershgorin relativo alla riga A_i :

$$K_i = \left\{ z \in \mathbb{C} \left| |z - a_{ii}| \leq \sum_{\substack{j=1 \\ j \neq i}}^n |a_{ij}| \right. \right\},$$

cioè il cerchio di centro a_{ii} e raggio $\sum \dots$. Per ogni autovalore λ di A ,

$$\lambda \in \bigcup_{i=0}^n K_i.$$

Visto che A^t ha gli stessi autovalori, vale anche:

$$\lambda \in \left(\bigcup_{i=0}^n K_i \right) \cap \left(\bigcup_{j=0}^n H_j \right),$$

dove H_j sono i cerchi di Gershgorin di A^t .

In particolare, se 0 non è nei cerchi la matrice è invertibile (le matrici singolari hanno sempre almeno un autovalore 0).