

# Diffie-Hellman su curve ellittiche

Alice e Bob scelgono una curva ellittica prima  $E_p(a, b)$  e un punto  $B \in E_p(a, b)$  di ordine  $n$  elevato (sostituisce il generatore; se l'ordine è basso lo è il periodo di  $kB$ )

Alice	Eve	Bob
concorda $a, b, p, B$ con Bob sceglie a caso $1 < n_A < n$ invia $P_A = n_A B$ riceve $P_B$ calcola $k = n_A P_B$	intercetta $a, b, p, B$  intercetta $P_A$ intercetta $P_B$	concorda $a, b, p, N$ con Alice sceglie a caso $1 < n_B < n$ riceve $P_A$ invia $P_B = n_B B$ calcola $k = n_B P_A$

Vale:

$$k = n_A P_B = n_A n_B B = n_B n_A B = n_B P_A,$$

quindi Alice e Bob hanno la stessa chiave  $k$ , mentre Eve può ottenerla solo se riesce a ricavare  $n_A$  o  $n_B$ , e questo richiede di risolvere un logaritmo discreto su curve ellittiche, che ha costo esponenziale (più difficile del problema equivalente in aritmetica modulare).

Da  $k$  si possono estrarre 256 bit per formare una chiave AES.

È vulnerabile ad attacchi man-in-the-middle.