

# Tecniche di probing (tabelle hash)

È desiderabile che la sequenza di posizioni da controllare generata da ogni chiave abbia la stessa probabilità di essere una delle  $m!$  permutazioni di  $\{0, \dots, m-1\}$  (*uniform hashing*). Tuttavia, nessuna delle seguenti funzioni è in grado di restituire più di  $m^2$  sequenze.

## Probing lineare

$$h(k, i) = (h'(k) + i) \bmod m$$

Clustering primario: si accumulano slot occupati in un'unica sezione perché uno slot vuoto preceduto da  $i$  occupati viene riempito con probabilità  $\frac{i+1}{m}$ . Le sequenze di elementi con hash uguale sono uguali, quindi ce ne sono soltanto  $m$  possibili.

## Probing quadratico

$$h(k, i) = (h'(k) + c_1 i + c_2 i^2) \bmod m$$

È necessario scegliere  $c_1$  e  $c_2$  in modo che tutte le posizioni vengano controllate.  $m$  possibili sequenze come nel probing lineare (clustering secondario).

## Doppio hash

$$h(k, i) = (h_1(k) + i h_2(k)) \bmod m$$

Per generare tutte le posizioni  $h_2(k)$  deve sempre essere coprimo rispetto a  $m$ , proprietà che si può ottenere ad esempio se l'hash è sempre dispari e  $m$  è una potenza di 2, oppure  $m$  primo e  $h_2(k) < m$ . Dal momento che ad ogni coppia di hash corrisponde una sequenza diversa, ce ne sono  $m^2$  possibili.

Esempio:

$$h_1(k) = k \bmod m \quad h_2(k) = 1 + (k \bmod (m-1)).$$