

# Tabelle hash

Strutture efficienti per implementare un dizionario quando non è ragionevole avere un array con tante posizioni quante sono le possibili chiavi (*direct addressing*).

Si utilizza una *funzione hash* per calcolare l'indice in cui conservare l'elemento con chiave  $k$ :

$$h : U \rightarrow \{0, 1, \dots, m-1\},$$

dove  $U$  è l'universo delle chiavi e  $m$  è la dimensione della tabella nella quale vengono inseriti gli oggetti. È utile definire il *load factor*  $\lambda = \frac{n}{m}$ , dove  $n$  è il numero di elementi presenti all'interno della tabella.

## Collisioni

Tipicamente  $|U| \gg m$ , quindi è necessario gestire le collisioni (quando due chiavi hanno lo stesso hash).

Un possibile approccio è il *chaining*, ovvero inserire gli elementi che hanno lo stesso hash in una lista collegata: in questo modo l'inserimento (se non si controlla se l'elemento è già presente) e la rimozione (se la lista è doppiamente collegata) sono  $O(1)$ .

Alternativamente, il metodo dell'*open addressing* prevede di trovare uno slot libero in base ad una funzione di *probing*. In questo caso la tabella si può riempire completamente e vale sempre  $\lambda \leq 1$ . La ricerca avviene controllando tutti gli slot della sequenza di probing finché non si incontra quello desiderato, uno slot vuoto o la prima posizione per la seconda volta. Si può ottimizzare la cancellazione sostituendo l'elemento da eliminare con un valore considerato nullo dalla procedura di inserimento ma occupato da quella di ricerca.